Приложение к основной образовательной программе среднего общего образования, утверждённой приказом по МКОУ «Средняя школа №3»

от 30.08.2023 г. №122-ОД

# Рабочая программа элективного курса «Решение текстовых задач»

### І. Пояснительная записка

Математика в наши дни проникает во все сферы жизни. Овладение практически любой профессией требует тех или иных знаний по математике. Особое значение в этом смысле имеет умение смоделировать математически определённые реальные ситуации. Применение на практике различных задач, связанных с окружающей нас жизнью, позволяет создавать такие учебные ситуации, которые требуют от учащегося умения смоделировать математически определённые физические, химические, экономические процессы и явления, составить план действия (алгоритм) в решении реальной проблемы. Кроме того, практика последних лет говорит о необходимости формирования умений решения задач различных типов ещё и в связи с включением их в содержание ГИА.

Значительная часть учащихся испытывает серьёзные затруднения при решении текстовых задач. В большей степени это связано с недостаточной сформированностью у учащихся умения составлять план действий, алгоритм решения конкретной задачи, культурой моделирования явлений и процессов. Большинство учащихся решают такие задачи лишь на репродуктивном уровне. Задачи же на концентрацию рассматриваются очень мало в школьном курсе математики, хотя включены в содержание пособия по подготовке к ГИА за курс основной школы по алгебре.

Ученик с первых дней занятий в школе встречается с задачей, связанной с окружающей жизнью. Сначала и до конца обучения в школе математическая задача неизменно помогает ученику вырабатывать правильные математические понятия, глубже выяснять различные стороны взаимосвязей в окружающей его жизни, дает возможность применять изучаемые теоретические положения. В тоже время решение задач способствует развитию логического мышления.

Особенности текста задачи могут определить ход мыслительного процесса при ее решении. Решение задач занимает в математическом образовании огромное место. Умение решать задачи является одним из основных показателей уровня математического развития, глубины освоения учебного материала.

# II. Общая характеристика элективного курса

Предлагаемый элективный курс «Решение текстовых задач» демонстрирует учащимся применение математического аппарата к решению повседневных бытовых проблем каждого человека, вопросов рыночной экономики и задач технологии производства. Данный элективный курс ориентирует учащихся на обучение по естественно - научному, социально-экономическому и техническому профилю. Познавательный материал курса будет способствовать формированию устойчивого интереса учащихся к процессу и содержанию деятельности, а также познавательной и социальной активности.

Задачи занимают важное место в школьном курсе математики. Их решение способствует экономическому образованию обучающихся, развитию логического мышления, сообразительности и наблюдательности.

Значимость умения самостоятельно решать текстовые задачи не снижается с течением времени, несмотря на все достижения научно-технического прогресса, так как мы с ними сталкиваемся на уроках математики, химии, физики. Мы решаем задачи на смеси, бизнесмены часто решают задачи на проценты, о делении доходов и т.д. А знание наиболее простых формул упрощает их решение в этом и состоит актуальность нашей работы. В заданиях по ГИА предлагаются задачи, решения которых требует составления уравнения, а также их систем. На рассмотрение и отработку таких задач уходит много времени, поэтому разработанная программа-тренажер, позволит учащимся научиться быстро и правильно решать задачи.

В связи с этим, *целями* предлагаемой программы являются:

- 1. Расширение и углубление знаний о способах решения и средствах моделирования явлений и процессов, описанных в задачах.
  - 3. Развитие устойчивого интереса к предмету, приобщая к окружающей нас жизни.
- 4. Способствовать интеллектуальному развитию учащихся, формированию качеств мышления, характерных для математической деятельности и необходимых человеку для жизни в современном обществе и решения практических проблем.

Содержание предлагаемой программы направлено на решение следующих задач:

- 1. Расширение знаний о методах и способах решения математических задач, окружающей нас жизни.
- 2. Формирование умения моделировать реальные ситуации.
- 3. Развитие исследовательской и познавательной деятельности учащихся.

4. Предоставить ученику возможность реализовать свой интерес к выбранному предмету, определить готовность ученика осваивать выбранный предмет на повышенном уровне.

Данный курс «Решение текстовых задач» задаёт примерный объём знаний, умений и навыков, которыми должны овладеть школьники.

2. Развитие логического мышления учащихся, их алгоритмической культуры и математической интуиции/

Таким образом, содержание курса охватывает все основные типы текстовых задач. Кроме того, содержание программы предполагает возможность работы со школьниками с разными учебными возможностями за счёт подбора разно уровневых задач. Для успешного усвоения содержания элективного курса необходимо опираться на знания учащихся по изученному ранее материалу:

Математика. Рациональные уравнения. Системы рациональных уравнений. Проценты.

Физика. Равномерное движение. Работа.

Химия. Концентрация вещества. Количество вещества.

Экономика. Цена. Стоимость.

Методические рекомендации по реализации программы.

Основным дидактическим средством для предлагаемого курса являются тексты рассматриваемых типов задач, которые могут быть выбраны из разнообразных сборников, различных вариантов ГИА или составлены самим учителем, связанные с окружающей нас жизнью.

Начинать обучение следует с простых задач, условия которых полностью соответствуют названиям основных типов, и сводящихся к решению рациональных уравнений. Затем можно приступать к решению более сложных задач, сводящихся к системам двух и более уравнений.

На более высоком уровне целесообразно предложить учащимся комбинированные задачи, условия которых предполагает различные типы задач, их комбинацию. В результате можно предложить учащимся составить самостоятельно задачу, включающую в себя все четыре типа задач.

Для более эффективной работы учащихся целесообразно в качестве дидактических средств использовать плакаты с опорными конспектами в виде примерной модели по каждому из четырёх типов задач.

Важно правильно организовать работу учащихся с текстом задачи при проведении анализа условия. Для этого каждый учащийся должен быть обеспечен текстом. В этом плане наиболее удобными являются готовые сборники задач.

Безусловно, огромна роль учителя в правильной организации работы группы и самостоятельной познавательной деятельности школьников, поскольку доля самостоятельной работы учащихся составляет 85% всего учебного времени данного курса. Значимой для формирования и развития умения решать задачи является деятельность учащихся по самостоятельному выявлению видов задач каждого типа, составлению математической модели, плана решения. Для этого используется групповая работа. Для каждой группы разрабатываются методические инструкции и информационные листы. В течение работы учитель осуществляет разно уровневый контроль усвоения материала в рамках каждого типа задач. При этом, поскольку усвоение материала в разных группах не зависит от другого типа задач, учащиеся абсолютно безболезненно могут переходить от одного типа к другому в течение всего курса.

Эффективность реализации программы легко определяется на выходе после прохождения всего цикла на разных уровнях, по отдельным типам задач и в целом по курсу. По итогам курса учащиеся должны получить отметку «зачтено».

При успешной реализации задач курса учащиеся должны знать:

- 1. Основные способы решения задач на составление уравнений.
- 2. Основные способы моделирования реальных ситуаций при решении задач различных типов.

При успешной реализации задач курса учащиеся должны уметь:

- 1. Работать с текстами задачи, определять её тип.
- 2. Составлять план решения задачи.
- 3. Решать задачи разного уровня (включая творческие задания) на составление уравнений.
- 4. Моделировать реальные ситуации, описываемые в задачах на составление уравнений.
- 5. Работать в группе.

На протяжении всей работы курса учащиеся, под контролем учителя, готовят материал, который представлен в виде газеты и устного журнала «В мире задач».

Программа элективного курса «Решение текстовых задач» адресована учащимся 9-х классов. Для контроля знаний используется рейтинговая система. Каждое практическое занятие и опрос теоретической части курса оценивается определенным количеством баллов. Итоговая оценка выставляется по сумме баллов за знание теоретического материала, выполнение практических заданий и защита проекта.

Критерии при выставлении оценок могу быть следующие.

- «5» учащийся освоил теоретический материал и сознательно применяет при решении конкретных задач; в работе над индивидуальными заданиями продемонстрировал умение работать самостоятельно, творчески.
- «4» учащийся освоил идеи и методы данного курса так, что может справиться со стандартными заданиями, индивидуальные задания выполняет прилежно (без проявления творческих способностей)
- «3» учащийся освоил наиболее простые идеи и методы данного курса так, что он может выполнить простые задания.

# III. Место элективного курса в учебном плане

Программа рассчитана на 34 часа, включает теоретический материал и контрольные занятия.

# IV. Личностные, метапредметные результаты освоения элективного курса

ФГОС основного общего образования устанавливает требования к результатам освоения учебного предмета или курса: личностным, метапредметным, предметным.

Личностные:

# у обучающихся будут формироваться:

- российская гражданская идентичности: патриотизм, ответственность и долг перед Родиной;
- ответственное отношение к учению; готовность и способность к саморазвитию и самообразованию на основе мотивации к обучению и познанию;
- целостное мировоззрение, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, начальные навыки адаптации в динамично изменяющемся мире;
  - осознанное, уважительное и доброжелательное отношение к другому человеку, его мнению и взглядам;
  - социальные нормы и правила поведения;
- компетентность в решении моральных проблем на основе личностного выбора, нравственные чувства и нравственное поведение, осознанное и ответственное отношения к собственным поступкам;
- коммуникативная компетентность в общении и сотрудничестве со сверстниками, детьми старшего и младшего возраста, взрослыми в процессе образовательной деятельности;
  - ценностное отношение к здоровью и безопасному образу жизни, к семье;
  - экологическая культура и эстетическое сознание.

# Метапредметные:

Метапредметным результатом изучения курса является формирование универсальных учебных действий(УУД).

# Регулятивные УУД:

- умение самостоятельно определять цель своей учебной деятельности, ставить и формулировать для себя задачи, развивать мотивы и интересы своей познавательной деятельности;
- умение самостоятельно планировать пути достижения целей, выбирать наиболее эффективные способы решения учебных задач;
- работая по плану, сверять свои действия с целью и при необходимости исправлять ошибки самостоятельно (в том числе и корректировать план);
- в диалоге с учителем совершенствовать самостоятельно выбранные критерии оценки, давать самооценку своим действиям.

# Познавательные УУД:

- умение работать с учебным математическим текстом (анализировать, извлекать необходимую информацию), точно и грамотно выражать свои мысли с применением математической терминологии и символики, проводить классификации, логические обоснования, доказательства математических утверждений;
- умение определять понятия, создавать обобщения, устанавливать аналогии, классифицировать, самостоятельно выбирать основания и критерии для классификации, устанавливать причинно-следственные связи, строить логическое рассуждение, умозаключение (индуктивное, дедуктивное и по аналогии) и делать выводы;
- ориентироваться в учебном тексте: уметь передавать содержание текста задачи в сжатом, выборочном или развёрнутом виде;
  - проводить наблюдение и учебный эксперимент под руководством учителя;
- смысловое чтение, умение отбирать необходимые источники информации среди предложенных учителем, осуществлять расширенный поиск информации с использованием ресурсов библиотек и Интернета;
  - создавать и преобразовывать модели и схемы для решения учебных и познавательных задач.

# Коммуникативные УУД:

- умение организовывать учебное сотрудничество и совместную деятельность с учителем и сверстниками; работать индивидуально и в группе;
- умение участвовать в диалоге; слушать и понимать других, высказывать свою точку зрения на события, поступки; в дискуссии уметь выдвинуть аргументы и контраргументы;
- умение критично относиться к своему мнению, с достоинством признавать ошибочность своего мнения и корректировать его;
- понимая позицию другого, различать в его речи: мнение (точку зрения), доказательство (аргументы), факты (гипотезы, аксиомы, теории);
  - уметь взглянуть на ситуацию с иной позиции и договариваться с людьми иной позиции.
- смысловое чтение, читать вслух и про себя тексты учебников и научно-популярных книг, понимать прочитанное.
- формирование и развитие компетентности в области использования информационно-коммуникационных технологий.

# V. Содержание учебного предмета

# Тема 1. Задачи на проценты

Процентные вычисления в жизненных ситуациях. Банковские операции. Основная формула процентов. Простые и сложные проценты. Средний процент изменения величины. Общий процент изменения величины.

Форма занятия: объяснение, групповая практическая работа.

Методы обучения: рассказ, алгоритмическое предписание, устные и

письменные упражнения, выполнение практических заданий.

Решение задач связанных с банковскими расчётами.

Форма занятия: дифференцированная самостоятельная работа.

Методы обучения: проверка усвоенного материала, решение тестовых задач по карточкам..

# Тема 2. Задачи на смеси, сплавы, растворы

Концентрация вещества. Процентное содержание вещества. Количество вещества.

Форма занятия: лекция – объяснение.

Методы обучения: рассказ, алгоритмическое предписание.

Решение разно уровневых задач на смеси, сплавы, растворы.

Форма занятий: комбинированное занятие.

*Методы обучения*: фронтальный опрос теоретического материала, решение устных и письменных упражнений с комментариями, решение тренировочных задач в группах.

Решение задач на смеси, сплавы, растворы.

Форма занятия: дифференцированная самостоятельная работа.

## Тема 3. Задачи на движение двух тел

Обобщить и систематизировать знания учащихся по теме «Движение двух тел».

Равномерное движение. Одновременные события. Задачи на движение по реке, суше, воздуху. Задачи на определение средней скорости движения.

Форма занятия: лекция, практическая работа.

Методы обучения: объяснение, выполнение разно уровневых тренировочных задач,

Решение задач на движение.

Форма занятия: групповая, самостоятельная работа.

*Методы обучения:* фронтальный опрос, решение тренировочных задач в группах, самостоятельное решение с взаимопроверкой задач.

# Тема 4. Задачи на работу

Обобщить и систематизировать знания учащихся по темам: работа, производительность.

Форма занятия: комбинированное занятие.

Методы обучения: рассказ, объяснение, алгоритмическое предписание,

решение задач с комментариями, практических заданий.

Решение задач на совместную работу.

Форма занятия: самостоятельная работа.

*Методы обучения:* проверка усвоенного материала, решение тренировочных задач в группах, самостоятельное решение задач по карточкам.

# Тема 5. Задачи, решаемые с помощью систем уравнений

Задачи, решаемые с помощью уравнений и систем уравнений.

Форма занятия: объяснение, практическая работа.

Методы обучения: решение тренировочных задач в группах.

# Тема 6. Задачи с параметрами

Основная цель - через решение текстовых задач, не имеющих решения, ввести понятие параметра, актуализировать разделы общеобразовательной математики, в которых присутствует сама идея параметра, поиск решений линейных уравнений с параметром, исследование количества корней уравнения в зависимости от значения параметра.

Форма занятия: комбинированное занятие.

*Методы обучения:* рассказ, объяснение, алгоритмическое предписание, решение задач с комментариями, практических заданий.

Основная цель – поиск решений линейных уравнений с параметром, исследование количества корней уравнения в зависимости от значения параметра.

Линейное уравнение вида ax = b (x-переменная, a, b- параметры).

Алгоритм решения линейного уравнения с параметром. Зависимость количества корней от параметров а и b. Решение линейного уравнения с параметром при наличии дополнительных условий к корням уравнения. Уравнение с параметром, сводимое к линейному уравнению

Форма занятия: самостоятельная работа.

*Методы обучения:* проверка усвоенного материала, решение тренировочных задач в группах, самостоятельное решение задач по карточкам.

# Тема 7. Комбинированные задачи

Различные способы решения комбинированных задач. Задачи, решаемые с помощью уравнений и систем уравнений.

Форма занятия: объяснение, практическая работа.

Методы обучения: решение тренировочных задач в группах.

Задачи решаемые при помощи неравенств.

Форма занятий: комбинированное занятие.

*Методы обучения:* объяснение, решение письменных упражнений с комментариями, решение тренировочных задач в группах.

Решение комбинированных задач.

Форма занятия: самостоятельная работа.

Методы обучения: проверка усвоенного материала, самостоятельное решение задач по карточкам.

# Тема 8. Защита рефератов, проектов.

Подведение итогов изучения курса «Решение текстовых задач»

Форма занятия: урок-конференция.

Методы обучения: защита творческого задания

# Тема 9. Решение задач по всему курсу

# Решение задач

Форма занятия: семинар.

Методы обучения: опрос теоретического материала, решение тренировочных задач в группах.

Форма занятия: контрольная работа.

Методы обучения: решение задач разного уровня сложности.

# Тема 10. Резерв

# VI. Календарно-тематическое планирование. Модуль программы воспитания «Школьный урок»:

День Знаний

Международный день распространения грамотности

Неделя безопасности дорожного движения

«Мы - граждане России»

День пожилых людей

День Учителя

Международный день школьных библиотек

«Моя малая Родина»

310 лет со дня рождения М.В. Ломоносова

«Мы - за сохранение природы и бережное отношение к лесным богатствам!»

80 лет освобождения Калужской области от немецко-фашистских захватчиков

День неизвестного солдата

День Конституции РФ

«Дорога глазами детей»

«Маршал Победы» (125 лет со дня рождения Г.К. Жукова)

День полного освобождения Ленинграда от фашистской блокады

День российской науки

Международный день родного языка

День защитников Отечества

Международный женский день

День воссоединения Крыма с Россией

«Физическая культура и спорт - альтернатива пагубным привычкам»

«Разговор о правильном питании»

День космонавтики

День памяти о геноциде советского народа в годы ВОВ

Всемирный день Земли

No	Наименование тем	Кол-	Фор	мы занятий	Формы
	курса	во	лекция	практика	контроля
		часов			
1	Решение задач на проценты	6 ч	1 ч	5 ч	Самостоятельная
			(лекция)	(решение	работа
				тренировочных	
				задач)	
2	Решение задач на смеси и сплавы,	4 ч	1 ч	3 ч	Самостоятельная
	растворы		(лекция)	(решение	работа
				тренировочных	
			_	задач)	
3	Решение задач на движение двух тел	2 ч	1 ч	1 ч	Самостоятельная
			(лекция)	(решение	работа
				тренировочных	
				задач)	~
4	Решение задач на совместную работу	3 ч	1 ч	2 ч	Самостоятельная
			(лекция)	(решение	работа
				тренировочных	
_	D.	2	4	задач)	
5	Решение задач с помощью систем	3 ч	1 ч	2 ч	Самостоятельная
	уравнений		(лекция)	(решение	работа
				тренировочных	
	D	2	1	задач)	
6	Решение задач с параметрами	3 ч	1 ч	2 ч	Самостоятельная
			(лекция)	(решение	работа
				тренировочных	
7	Varguna	5	1 ч	задач) 4 ч	Сама ата дта ти
/	Комбинированные задачи	5 ч			Самостоятельная
			(лекция)	решение	работа
				тренировочных	
8	Решение задач по всему курсу	5 ч	_	задач 3 ч	Контрольная
0	т сшение задач по всему курсу	3 4	_	(семинар)	работа
9	Защита рефератов, проектов	2 ч	_	2 ч	Оценивание
פ	защита рефератов, проектов	∠ 4	_	(семинар)	проектов
10	Резерв	1 ч		(ссминар)	просктов
10	Итого	34 ч			
<u> </u>	111010	J4 4	<u> </u>		

# VII. Описание учебно-методического и материально-технического обеспечения образовательного процесса

## Литература для учителя

- 1. Математика Экспериментальная экзаменационная работа. 9 класс. Типовые текстовые задания. Издательство «Экзамен». Москва, 2006.
- 2. Н.Я. Виленкин, А.Н.Виленкин, Г.С.Сурвилло и др. Алгебра: Учебное пособие для учащихся 9 кл. с углубленным изучением математики. Под ред. Н.Я.Виленкина.-5-е издание. М .: Просвещение,2001.
- 3. Математика. Алгебра. Функции. Анализ данных. Учебник для 9 класса ОУ под редакцией Г.В.Дорофеева , Москва «Просвещение», 2009 .
  - 4. Задачи на смекалку. И.Ф.Шарыгин, А.В.Шевкин, 2006, Москва, Просвещение.
  - 5. Математический кружок. 6-7 классы. А.В.Спивак. 2009, издательство МЦНМО, Москва.
  - 6. Уроки развивающих задач по математике в 5-7 классах. Монов А.В., Чебоксары, 2002.
- 7. Алгебра. 9 класс. Сборник заданий к итоговому тестированию с решениями и ответами. Т.В.Коломиец, Волгоград, 2007.
  - 8. ГИА-9 под редакцией Ф.Ф.Лысенко, С.Ю.Кулабухова, Легион-М, Ростов-на-Дону, 2010.
  - 9. Задачи для подготовки к олимпиадам, математика, 9 класс, С.П.Ковалева, Волгоград, 2004.
  - 10. ГИА-9 под редакцией Ященко И.В, Интеллект-центр, Москва, 2013

# Литература для учащихся

- 1. Сканави М.И. Сборник задач по математике для поступающих в ВУЗЫ М.: «ОНИКС 21 век», 2001.
- 2. Под редакцией Ф.Ф. Лысенко, С.Ю. Кулабухова . Математика. 9 класс. Подготовка к ГИА-9. 2011. Легион-М. Ростов – на –Дону.<br/>2010
- 3. Кузнецова Л.В. Суворова С.Б. Сборник заданий для подготовки итоговой аттестации в 9 классе. М.: Просвещение 2007.
  - 4. ГИА-9 под редакцией Ященко И.В, Интеллект-центр, Москва, 2013

# Перечень интернет-ресурсов

- 1. www.pms.ru/programmyi/15.html сайт школы А.Н.Колмогорова.
- 2. http://lseptember.ru материалы сайта «Фестиваль педагогических идей».

# VIII. Планируемые результаты изучения учебного предмета

**Предметные результаты** курса «Решение текстовых задач», входящего в состав предметной области «Математика», должны обеспечивать успешное обучение на следующей ступени общего образования и отражать:

- формирование представлений о математике как о методе познания действительности, позволяющем описывать и изучать реальные процессы и явления;
  - осознание роли математики в развитии России и мира;
- развитие умений работать с учебным математическим текстом (анализировать, извлекать необходимую информацию), точно и грамотно выражать свои мысли с применением математической терминологии и символики, проводить классификации, логические обоснования, доказательства математических утверждений;
- формирование позитивного отношения к предмету «математика» в целом и к текстовым задачам в частности.

### Выпускник научится:

# Текстовые задачи

- определять тип текстовой задачи;
- строить модель условия задачи (в виде таблицы, схемы, рисунка или уравнения), в которой даны значения двух из трех взаимосвязанных величин, с целью поиска решения задачи;
- осуществлять способ поиска решения задачи, в котором рассуждение строится от условия к требованию или от требования к условию;
  - составлять схему, таблицу или рисунок к задаче;
  - составлять план решения задачи;
  - выделять этапы решения задачи;
  - интерпретировать вычислительные результаты в задаче,
  - исследовать полученное решение задачи, оценивать его достоверность;
  - знать различие скоростей объекта в стоячей воде, против течения и по течению реки;
- оперировать такими понятиями, как «производительность», «грузоподъёмность», «концентрация» при решении задач;
- решать задачи разных типов (на работу, на покупки, на движение, на перестановку цифр в числе, ...), связывающих три величины, выделять эти величины и отношения между ними;
- В повседневной жизни и при изучении других предметов: выдвигать гипотезы о возможных предельных значениях искомых в задаче величин (делать прикидку).

# Методы математики

- составлять математические модели реальных ситуаций по тексту задачи;
- выбирать подходящий метод для решения изученных типов математических задач;
- приводить примеры математических закономерностей в окружающей действительности.

# Выпускник получит возможность научиться:

# Текстовые задачи

- решать более сложные задачи разных типов, а также задачи повышенной трудности;
- использовать разные краткие записи как модели текстов сложных задач для построения поисковой схемы и решения задач;
  - различать модель текста и модель решения задачи,
  - конструировать к одной модели решения несложной задачи разные модели текста задачи;

- знать и применять оба способа поиска решения задач (от требования к условию и от условия к требованию);
  - выделять этапы решения задачи и содержание каждого этапа;
- уметь выбирать оптимальный метод решения задачи и осознавать выбор метода, рассматривать различные методы, находить разные решения задачи, если возможно;
  - анализировать затруднения при решении задач;
  - выполнять различные преобразования предложенной задачи,
  - конструировать новые задачи из данной, в том числе обратные;
  - интерпретировать вычислительные результаты в задаче,
  - исследовать полученное решение задачи, оценивать его достоверность;
- анализировать всевозможные ситуации взаимного расположения двух объектов и изменение их характеристик при совместном движении (скорость, время, расстояние) при решении задач на движение двух объектов как в одном, так и в противоположных направлениях;
  - исследовать всевозможные ситуации при решении задач на движение по реке;
  - решать разнообразные задачи «на части и числа»,
- осознавать и объяснять идентичность задач разных типов, связывающих три величины (на работу, на покупки, на движение), выделять эти величины и отношения между ними, применять их при решении задач,
  - конструировать собственные задачи указанных типов;
  - владеть основными методами решения задач на смеси, сплавы, концентрации;
  - владеть основными методами решения задач на числа, перестановку цифр в числах;
- решать задачи на проценты, в том числе, сложные проценты с обоснованием, используя разные способы:
- овладеть основными методами решения сюжетных задач: арифметический, алгебраический, перебор вариантов, геометрический, графический, применять их в новых по сравнению с изученными ситуациях.

В повседневной жизни и при изучении других предметов:

- выделять при решении задач характеристики рассматриваемой в задаче ситуации,
- решать и конструировать задачи на основе рассмотрения реальных ситуаций, в которых не требуется точный вычислительный результат.

### Методы математики

- используя изученные методы, проводить доказательство, выполнять опровержение;
- выбирать и оценивать эффективность изученных методов и их комбинаций для решения математических задач;
- использовать математические знания для описания закономерностей в окружающей действительности.

### Дидактический материал для занятий

# Тема 1. Задачи на проценты

- 1. Процент сотая часть числа.
- 2. Чтобы найти р% от всего числа, надо всё число умножить на 0.01р.
- 3. Чтобы найти всё число по его р% процентам, надо известное число разделить на 0.01р.
- 4. Чтобы найти сколько процентов одно число составляет от другого, надо одно число разделить на другое и умножить на 100%.

# Задача 1.

Сколько процентов соли содержится в растворе, если в 200г. раствора содержится 150г. воды? Решение:

1) 200-150=50(г.) – соли

2) 50\*100%=25% - соли

200

Ответ: 25%

# Задача 2.

Кофе при жарке теряет 12% своей массы. Сколько свежего кофе надо взять, чтобы получить 14.08 кг. жареного кофе?

### Задача 3.

На сколько процентов увеличится произведение двух чисел, если одно из них увеличить на 30%, а другое - на 20 %?

### Задача 4.

Свежие грибы содержали по массе 90% воды, а сухие 12%. Сколько получится сухих грибов из 22 кг свежих?

### Решение:

- 1)  $22 \cdot 0,1 = 2,2$  (кг) грибов по массе в свежих грибах;
- (2) 2,2 : (0.88 = 2.5) (кг) сухих грибов, получаемых из свежих.

Ответ: 2,5 кг.

# Задача 5.(из ЕГЭ).

Цену товара повышали: первый раз на р%, затем новую цену повысили на 2р%. После этого цену товара снизили на 15%. В итоге окончательная цена оказалась выше первоначальной на 12.2%. На сколько процентов была повышена цена товара в первый раз?

### Простые проценты.

Обозначим через A сумму первоначального вклада. Банк обязуется выплачивать вкладчику в конце каждого р% (годовая процентная ставка) от первоначальной суммы A. По истечении одного года величина вклада станет равной A = A(1+) рублей. Если по прошествии каждого года вкладчик снимает со счёта начисленные проценты, то через n лет на вкладе по формуле простого процента будет:

A = A(1+).

## Задача 6.

Банк выплачивает вкладчикам каждый год 8% от внесённой суммы. Клиент сделал вклад в размере 200000р.Какая сумма будет на его счёте через 5 лет, 10 лет?

#### Решение:

Используя формулу : A = A(1+)

A=200000(1+)=280000 (p)

A=200000(1+)=360000 (p)

Ответ: 280000 р., 360000 р.

### Задача 7.

При какой процентной ставке вклад на сумму 500р. Возрастёт за 6 месяцев до 650 р.

Ответ: 5%. **Задача 8.** 

Каким должен быть начальный вклад, чтобы при ставке 4% в месяц он увеличился за 8 месяцев до 33000р.

Ответ: 25000р.

# Сложные проценты

Если обозначить через A сумму первоначального вклада, A- сумма, которая будет на вкладе к концу n-го года, то при начислении p% годовых, не снимая со счёта сумму начисленных процентов, можно пользоваться формулой сложных процентов:

A = A.

## Задача 9.

Банк предлагает вклад «студенческий». По этому вкладу сумма, имеющаяся на 1 января, ежегодно увеличивается на одно и то же число процентов. Вкладчик вложил 1 января 1000 рублей и в течение 2 лет не производил со своим вкладом никаких операций. В результате вложенная им сумма увеличилась до 1210 рублей. На сколько процентов ежегодно увеличивается сумма денег, положенная на этот вклад?

### Решение:

Пусть на a% ежегодно увеличивается сумма денег, положенная на «студенческий» вклад. Так как было положено 1000 рублей, а к концу второго года получилось 1210 рублей, то A=1000; A=1210; n=2.

Решим уравнение:

1210=1000.

a = 10.

Ответ: 10%.

### Задача 10.

Рассчитайте, что выгоднее для вкладчика: получить 20 000 рублей сегодня или получить 35 000 рублей через 3 года, если процентная ставка равна 17%.

Рассчитаем будущую стоимость 20000 рублей через 3 года, под 17% годовых.  $A=20000*(1+0.17)^3=32032$  рубля.

Ответ. Получить 35000 рублей через 3 года является более выгодным решением, при данном значении процентной ставки.

# Задача 11.

Какой должна быть ставка ссудного процента, чтобы 10000 рублей дошли до30000 рублей, за срок вклада 5 лет?

Ответ. 10 000 рублей дойдут до 30 000 рублей за 5 лет при ставке ссудного процента 24,573%

# Тема 2. Задачи на смеси, сплавы и растворы.

Смесь состоит из «чистого вещества» и «примеси». Долей a чистого вещества в смеси называется отношение количества чистого вещества m в смеси к общему количеству M смеси при условии, что они измерены одной и той же единицей массы или объёма: a=m/M.

Процентным содержанием чистого вещества в смеси c называют его долю, выраженную процентным отношением: c=a 100%.

# Задача 12.

В 2 литра 10% раствора уксусной кислоты добавили 8 литров чистой воды. Определить процентное содержание уксусной кислоты в полученном растворе.

Решение:

 $2\pi-100\%$ 

Воды – 1,8л.

Кислота -0,2л.

После добавления воды стало 9,8л. Воды, поэтому процентное содержание

(0,2\(0,2+9,8))\*100%=2%

Ответ: 2%.

# Задача 13.

Сплав содержит 10 кг олова и 15 кг цинка. Каково процентное содержание олова и цинка в сплаве? Решение:

Процентное содержание вещества в сплаве - это часть, которую составляет вес данного вещества от веса всего сплава.

- 1) 10 + 15 = 25 (кг) сплав;
- 2)  $10/25 \cdot 100\% = 40\%$  процентное содержание олова в сплаве;
- 3)  $15/25 \cdot 100\% = 60\%$  процентное содержание цинка в сплаве;

Ответ: 40%, 60%.

## Задача 14.

Сплав олова с медью весом 12кг. Содержит 45% меди. Сколько чистого олова нужно добавить, чтобы получить сплав, содержащий 40% меди.

### Задача 15.

Имеется 2 сплава, в одном из которых содержится 40%, а в другом 20% серебра. Сколько кг второго сплава нужно добавить к 20 кг первого, чтобы после сплавления вместе получить сплав, содержащий 32% серебра?

#### Залача 16.

К 15 л 10%-ного раствора соли добавили 5%-ный раствор соли и получили 8%-ный раствор. Какое количество литров 5%-ного раствора добавили?

Задача 24. (вариант 13, стр.53. для подготовки к ГИА- 9, 2011)

При смешивании первого раствора сахара, концентрация которого 25%, и второго раствора сахара, концентрация которого 35%, получили раствор, содержащий 32,5 % сахара. В каком отношении были взяты первый и второй растворы?

### Решение:

Пусть масса первого раствора – х литров, второго – у литров, то первый раствор содержит 0.25 х л сахара, а второй- 0.35у л сахара, то общая масса сахара равна их сумме. С другой стороны, масса полученного раствора равна (x+y) л, в нем содержится 0.325 (x+y) л сахара, то получим уравнение 0.25x+0.35y=0.325(x+y). Раскрывая скобки и перенеся слагаемые с х в левую, с у- в правую, получим:

```
0.075 \text{ x} = 0.025 \text{y} / : 0.075 \text{ x}
\text{x/y} = 1/3
```

# Ответ: 1/3. Задачи на концентрацию.

Формула концентрации смеси (сплава):

n=

n – концентрация,

т- масса вещества в растворе (сплаве),

т- масса всего раствора.

Если концентрация вещества в соединении по массе составляет p%, то это означает, что масса этого вещества составляет p% от массы всего соединения.

Отношения объема чистой компоненты в растворе ко всему объему смеси называется объемной концентрацией этой компоненты.

Сумма концентраций всех компонент, составляющих смесь, равна 1. В этом случае концентрация - безразмерная величина.

Если известно процентное содержание вещества, то его концентрация находится по формуле:

n=

n - концентрация вещества;

р - процентное содержание вещества (в процентах).

# Задача 17.

К 20кг. 12%-раствора соли добавили 3кг. соли. Сколько надо долить воды, чтобы концентрация соли в растворе не изменилась.

- 1) 0.12\*20=2.4(кг.) масса соли в первоначальном растворе
- 2) 2.4+3=5.4(кг.) масса соли в полученном растворе

Пусть Х(л.) воды требуется долить.

Запишем пропорцию:

20+X=5.4 20 2.4 2.4(20+X)=5.4\*20 48+2.4x=108 2.4x=60 x=25(κΓ.) Οτβετ: 25(κΓ.)

# Задача 18.

Если смешать 8 кг и 2кг растворов серной кислоты разное концентрации, то получим 12% раствор кислоты. При смешивании двух одинаковых масс тех же растворов получим 15% раствор. Определите первоначальную концентрацию каждого раствора.

Ответ: 10%-й и 20%-й растворы.

### Задача 19.

Сколько граммов надо добавить к 100г. 30-% соляной кислоты, чтобы получить 10%-кислоту?

### Задача 20.

К раствору, содержащему 39г. соли, добавили 1л. воды, после чего концентрация соли уменьшилась на 10%. Найти первоначальную концентрацию соли в растворе.

# Задача 21.

В колбе было 800г 80% спирта. Провизор отлил из колбы 200г этого спирта и добавил в неё 200г воды. Определите концентрацию (в %) полученного спирта.

# **Задача 22.** (вариант 13, стр.53. для подготовки к ГИА- 9, 2011)

При смешивании первого раствора сахара, концентрация которого 25%, и второго раствора сахара, концентрация которого 35%, получили раствор, содержащий 32,5 % сахара. В каком отношении были взяты первый и второй растворы?

## Решение:

Пусть масса первого раствора – x литров, второго – y литров, то первый раствор содержит 0,25 x л сахара, а второй- 0,35y л сахара, то общая масса сахара равна их сумме. С другой стороны, масса полученного раствора равна (x+y) л, в нем содержится 0,325 (x+y) л сахара, то получим уравнение 0,25x+0,35y=0,325(x+y). Раскрывая скобки и перенеся слагаемые с x в левую, с y-в правую, получим:

0.075 x = 0.025 y / : 0.075 x

x/y = 1/3

Ответ: 1/3.

Тема 3. Задачи на движение двух тел.

Задача 23. (Средняя скорость движения)

Средней скоростью движения на некотором участке пути называют постоянную скорость, с которой можно тот же участок пути пройти за то же время.

Турист шёл со скоростью А км/ч , а точно такое же время со скоростью В км/ч. Какова средняя скорость движения туриста на всём участке пути?

#### Решение

Пусть турист шёл X км со скоростью Aкм/ч и столько же X ч— со скоростью B км/ч. Тогда за 2X ч он прошёл AX+BX=X(A+B) км. Средняя скорость туриста равна: км/ч.

## Задача 24.

Автомобиль ехал из A в B порожняком со скоростью 60 км/ч, а возвращался с грузом со скоростью 40 км/ч. Найдите среднюю скорость движения на всём участке движения.

## Задача 25.

В гору велосипедист ехал со скоростью 10 км/ч, а с горы с некоторой другой скоростью. Как он подсчитал, средняя скорость движения была 12 км/ч. С какой скоростью он ехал с горы?

Решение в общем виде:

X =

## Задачи на "Движение по реке"

Сформулируем задачу в общем виде:

Лодка от A до B плывёт по течению t часов, а от B до A(против течения) k часов. Сколько часов будет плыть бревно от A до B?

# Задача 26.

**Я** грёб вверх по течению и, проплывая под мостом, потерял шляпу. Через 10 мин. Я это заметил и, повернув и гребя с той же силой, нагнал шляпу в 1 км ниже моста. Какова скорость течения?

# Тема 4. Задачи на работу.

При решении задач на работу нередко в условии задачи говорится о выполнении некоторого задания без указания конкретных единиц, в которых измеряется работа. В этом случае обычно принимают всю работу за единицу: A=1. Как правило, для составления уравнения или системы уравнений, буквами обозначаются в первую очередь производительности участников работы, а остальные величины вводятся по мере необходимости.

Некоторые указания к задачам на совместную работу.

- 1.Основными компонентами этого типа задач являются:
- а) работа;
- б) время;
- в) производительность труда (работа, выполненная в единицу времени).
- 1.План решения задачи обычно сводится к следующему:
- а) Принимаем всю работу, которую необходимо выполнить, за 1, если речь идет о выполнении некоторой работы, не охарактеризованной в количественном плане.
- б) Находим производительность труда каждого рабочего в отдельности, т. е. 1/t, где t время, за которое указанный рабочий может выполнить всю работу, работая отдельно.
- в) Находим ту часть всей работы, которую выполняет каждый рабочий отдельно, за то время, которое он работал.
- г) Составляем уравнение, приравнивая объем всей работы (т. е. 1) к сумме слагаемых, каждое из которых есть часть всей работы, выполненная отдельно каждым из рабочих (если в условии сказано, что при совместной работе всех рабочих выполнен весь объем работы).
- 1.Следует заметить, что в указанных задачах не всегда сравнивается выполненная работа. Основанием для составления уравнения может служить также указанное в условии соотношение затраченного времени или производительности труда.

### Задача 27.

Два экскаватора разной мощности, работая совместно, выполняют работу за 6 часов. Если первый проработает 4 часа, а затем второй 6 часов, то они выполнят 80% всей работы. За какое время каждый экскаватор отдельно может выполнить всю работу?

# Решение:

Пусть X-производительность первого экскаватора, а Y - производительность второго экскаватора. Вся работа-1.

Так как экскаваторы работают совместно 6ч с производительностью X+Y и выполняют всю работу, то составим уравнение: (X+Y)6=1.

Первый экскаватор работает 4ч с производительностью X., а затем 6ч второй экскаватор с производительностью Y, и выполняют 0.8 всей работы, то 4X+6Y=0.8. Решим систему уравнений:

Поскольку время, необходимое для выполнения всей работы, и производительность связаны соотношением t=t=, то t=10ч, t=15ч.

Ответ: 10ч, 15ч.

## Задача 28.

Два каменщика, второй из которых начинает работать позже первого на 3 дня, могут выстроить стену за 14 дней. Первому каменщику потребовалось бы на выполнение этой работы на 6 дней больше, чем второму. За сколько дней может выстроить эту стену каждый каменщик в отдельности?

### Задача 29.

Для разгрузки баржи имеется три крана. Первому крану для разгрузки всей баржи требуется времени в четыре раза меньше, чем второму, и на 9 часов больше, чем третьему. Три крана, работая вместе, разгрузили бы баржу за 18 часов, но по условиям эксплуатации одновременно могут работать только два крана. Определите наименьшее время (в часах) необходимое для разгрузки баржи. (Производительность каждого крана постоянна в течении всей работы)

Ответ: 20ч.

### Задачи для самостоятельного решения

1. Два печника, работая вместе, могут сложить печь за 12 ч. Если первый печник будет работать 2 ч, а второй 3 ч, то они выполнят только 20 % всей работы. За сколько часов может сложить печь каждый печник, работая отдельно?

2. Две бригады, работая вместе, могут закончить уборку урожая за 8 дней. Если первая бригада будет работать 3 дня, а вторая 12 дней, то они выполнят 75% всей работы. За сколько дней может закончить уборку урожая каждая бригада, работая отдельно?

3. Два мастера, работая вместе, могут выполнить заказ за 6 ч. Если первый мастер будет работать 9 ч, а потом его сменит второй, то он закончит работу через 4 ч. За сколько времени может выполнить заказ каждый из мастеров, работая отдельно?

4. Две машины, работая вместе, могут расчистить каток за 20 мин. Если первая машина будет работать 25 мин, а затем ее сменит вторая, то она закончит расчистку катка через 16 мин. За сколько времени может расчистить каток каждая машина, работая отдельно?

5. Две трубы при совместном действии могут наполнить бассейн за 4 ч. Если бы сначала первая труба наполнила половину бассейна, а затем ее перекрыли и открыли вторую, то наполнение бассейна было бы закончено за 9 ч. За сколько времени может наполнить этот бассейн каждая труба в отдельности?

6.Первый рабочий может выполнить задание за 8 ч, а второй за 6 ч. Они работали вместе 2 ч, а заканчивал задание один второй рабочий. Сколько времени потребовалось для выполнения второго задания?

7. Двое рабочих, работая одновременно, выполнили задание за 5 дней. Если бы первый рабочий работал в 2 раза быстрее, а второй в 2 раза медленнее, то они выполнили бы задание за 4 дня. За сколько дней выполнил бы задание один первый рабочий?

8. Бассейн наполняется водой из двух кранов. Сначала открыли первый кран на 1/3 часть того времени, за которое наполняет бассейн один второй кран. Затем был открыт один второй кран на ½ часть того времени, за которое наполняет бассейн первый кран. После этого оказалось, что уже заполнено 5/6 объема бассейна. За какое время наполняет бассейн каждый кран в отдельности, если открытые вместе они наполняют бассейн за 2,4 ч?

# Тема 5. Задачи. решаемые с помощью систем уравнений.

# Задача 30.

Имеются два раствора серной кислоты в воде: первый -40%-й, второй- 60%-й. Эти два раствора смешали , после чего добавили 5 кг чистой воды и получили 20% раствор. Если бы вместо 5 кг чистой воды добавили 5 кг 80%-го раствора, то получился бы 70%-й раствор. Сколько было 40%-го раствора и 60%-го раствора?

## Решение:

	Масса серной	Macca	Концентрация
	Кислоты, кг	раствора	
1-й раствор	0,4x	X	40%=0.4
2-й раствор	0,6y	у	60%=0,6
Первая смесь	0,4x+0,6y	x+y+5	
Вторая смесь	(0,4x+0,6y)+	x+y+5	
	+5		
	=0,4x+0,6y+4		

По условию доля серной кислоты в первой смеси равна 20%=0,2, а во второй смеси равна 70%=0,7.

Составим и решим систему уравнений:

Пусть 0,4x+0,6y=a, x+y+5=b. Тогда система примет вид

1 кг –масса 40%-го раствора серной кислоты.

2 кг- масса 60%-го раствора серной кислоты.

Ответ: 1 кг, 2 кг.

# Задача 31.

Имеется кусок сплава меди с оловом общей массой 12 кг, содержащий 45% меди. Сколько чистого олова надо прибавить к этому куску сплава, чтобы получившийся новый сплав содержал 40% меди?

Ответ: 1,5 кг.

### Задача 32.

В реку впадает приток. Катер отходит от пункта A, находящегося на притоке, плывёт по течению 80 км до впадения притока в реку в пункте B, а затем идёт вверх по реке до пункта C. На путь от A до C он затратил 18 часов, на обратный путь -15 часов. Найдите расстояние от B до C, если известно, что скорость течения реки3км/ч, а собственная скорость катера 18 км/ч.

Ответ: 210 км.

## Задача 33.

Фирма А может выполнить заказ на производство игрушек на 4 дня быстрее, чем фирма В. За какое время может выполнить этот заказ каждая фирма, если известно, что при совместной работе за 24 дня они выполняют заказ в 5 раз больший?

Ответ: фирма А за 8 дней, фирма В за 12 дней

Тема 6. Задачи с параметрами.

# Текстовые задачи, мотивирующие введение параметра.

ЗадачаЗ4.Из пункта А в пункт В, расстояние между которыми 50 км, вышел пароход, проходящий 10 км в час. Через два часа выяснилось, что на пароход до прибытия его в пункт В нужно передать приказ. Приказ можно передать только на катере, проходящем 12,5 км в час. Сможет ли этот катер догнать пароход до прибытия последнего в пункт В? (Решение показывает, что катер не догонит пароход)

- **1а**. Сохраняя условия первой задачи, найти, какова должна быть скорость катера, чтобы он вообще мог догнать пароход до прибытия его в пункт В? (решение показывает, что скорость катера должна быть больше16 ,3 км в час).
- **16**. Сохраняя условия первой задачи, рассчитать, с какой скоростью должен двигаться катер, чтобы догнать пароход на расстоянии 9/10 пути от А к В? (скорость 18 км в час)
- **1в.** Сохраняя условие первой задачи, обозначить скорость катера буквой. Найти такие значения буквы, чтобы задача имела решение.
- Задача 35. Если на каждую скамью в парке посадить по пять человек, то четверо останутся без места. А если на каждую скамью посадить по три человека, то останутся два свободных места. Сколько в парке было человек и сколько скамей? (Задача не имеет решения, так как уравнение имеет отрицательные корни)
  - 2а. Как надо изменить данные задачи, чтобы она имела решение? (Вместо числа три поставить шесть).

**Задача 36.** Рабочая бригада, состоящая из 20 человек (взрослых и подростков), устроила сбор денег на покупку газет, причем каждый взрослый внес по 3 рубля, а каждый подросток по 1 рублю.

Сколько было в этой бригаде взрослых и сколько подростков, если весь сбор составил 35 рублей? (Уравнение, составленное по условию задачи, имеет решение, сама задача не имеет решения).

3а. Сохраняя условие задачи, число 20 замените буквой а.

Найдите для а такие значения, чтобы задача имела решение.

- **Задача 37.** Две бригады школьников получили за работу 12 долларов. Каждый школьник первой бригады получил 7 долларов, а второй бригады 5 долларов. Во второй бригаде на три школьника больше, чем в первой. Сколько было школьников в каждой бригаде? (Задача не имеет решения, так как корень уравнения дробное число).
- **4а**. Каким числом следует заменить в условии задачи число три, показывающее, насколько больше было школьников во второй бригаде, чем в первой, чтобы задача имела решение?

### Прогнозируемый вывод, вытекающий из решения задач.

В каждой из решенных задач одна величина была выражена не числом, а буквой, называемой параметром, благодаря чему соответствующие уравнения имели буквенные коэффициенты. Выяснилось, что хотя эти уравнения и имели решения, но не при всяком значении параметра сама задача имела решение.

Чтобы найти допустимые для задачи числовые значения параметра, велись специальные рассуждения. Совокупность подобных рассуждений и составляет то, что принято называть исследованием уравнения.

Итак, исследовать уравнение - это, найти множество всех тех значений параметров, при которых решение уравнения принадлежат множеству допустимых его значений.

Ввести определение параметра.

# 1.2 Что такое параметр?

Параметр рассматривается как число, значение которого фиксировано, но неизвестно человеку, решающему задачу. Фиксированность этого числа позволяет оперировать с ним как с неизвестным числом, а неизвестность вносит в решение задачи некоторые осложнения, связанные с тем, что не любую операцию можно проделать с любым числом - не из всякого числа можно извлечь квадратный корень, не на любое число можно поделить...

Неизвестность для решающего фиксированных значений параметров приводит к необходимости разветвления решения и к соответствующему разветвлению ответа.

Это обстоятельство осложняет задачу, но преодоление возникающих трудностей является развивающим моментом, активизирующим знания учащихся о функциях, об области определения, о выполнимости операций над числами. (Г.В. Дорофеев. О задачах с параметрами

Математика в школе. -1983. -№4).

Переменные a, b, c,...k, которые при решении уравнения считаются постоянными, называются параметрами, а само уравнение называется уравнением, содержащим параметры.

Параметры обозначают буквами латинского алфавита, неизвестные - буквами х, у, z.

Решить уравнение с параметром - значит указать, при каких значениях параметров существуют решения и каковы они. (Г.А. Ястребинецкий. Задачи с параметрами. Изд. Просвещение. - 1986)

Решить уравнение с параметром - это значит показать, каким образом для любого значения параметра можно найти соответствующее множество корней уравнения, если они существуют, или установить, что при этом значении параметра корней нет. (Ю.Н. Макарычев, Н.Г. Миндюк, К.И. Нешков, С.Б. Суворова; под. ред. С.А. Теляковского.- М.: Просвещение, 2008)

# Тема 7. Комбинированные задачи.

# Задачи, решаемые с помощью уравнений.

### Задача 38.

Магазин в первый день продал половину привезённых гусей да ещё гуся; во второй день часть остатка да ещё гуся, а в третий день магазин продал оставшихся 33 гусей. Сколько всего гусей было привезено в магазин?

### Решение:

Пусть было привезено в магазин x гусей. Тогда магазин продал:

- 1) в первый день гусей;
- 2) во второй день гусей;
- 3) в третий день 33 гуся.

Составим уравнение и решим его.

++33=x, x=101.

Ответ: 101 гусь.

## Задача 39.

Автомобилист проехал расстояние между двумя городами за 3 дня. В первый день он проехалвсего пути и ещё 60 км, во второй он проехал всего пути и ещё 20 км, а в третий день он проехал всего пути и оставшиеся 25 км. Найдите расстояние между городами.

Ответ:400 км.

### Задача 40.

В течении года завод дважды увеличивал выпуск продукции на одно и то же число процентов. Найдите это число, если известно, что в начале года завод ежемесячно выпускал 600 изделий, а в конце года стал выпускать ежемесячно 726 изделий.

Ответ:10%.

### Задача 41.

Моторная лодка, скорость которой в стоячей воде равна 10 км/ч, проплыла по течению 91 км и вернулась обратно. Найдите скорость течения реки, если лодка провела в пути 20 часов.

Ответ: 3 км/ч.

# Задачи, которые решают при помощи неравенств.

### Задача 42.

В контейнере находятся коробки и ящики общим числом более 16. Если вдвое увеличить количество коробок и на 20 – количество ящиков, то ящиков будет больше, чем коробок.

Решение.

Пусть х- количество коробок, а у- количество ящиков в контейнере. По смыслу задачи х и у- натуральные числа. По условию задачи составим систему неравенств:

Преобразуем данную систему:

На координатной плоскости найдём множество точек (х;у), удовлетворяющих этим условиям.

Точки лежащие внутри  $\Delta ABC$ , и будут удовлетворять данным условиям. Это одно точка с натуральными координатами-(12;5). Следовательно, количество коробок может быть только 12, при этом ящиков должно быть 5.

Проверка:

Ответ: 12 коробок.

# Задача 43.

Из пункта A в пункт B, находящийся на расстоянии 105 км от пункта A, со некоторой скоростью выезжает автобус. Через 30 минут вслед за ним из A со скоростью 40 км/ч отправляется автомобиль, который догнав автобус, поворачивает обратно. Определите скорость автобуса, при которой автомобиль возвращается в A позже, чем автобус приходит в B.

Решение.

Пусть x км — расстояние от пункта A до места встречи автобуса и автомобиля. Обозначим v км/ч скорость автобуса.

Время, которое затрачивает автобус на путь из A в B, равно ч. Время, которое затрачивает автомобиль, чтобы догнать автобус и вернуться в A, с учётом его более позднего, на 0.5 ч, отправления, составляет ч. По условию задачи время движения автомобиля больше времени автобуса, т.е. . По условию задачи время, затраченное автобусом на путь от A до места встречи, на 0.5 ч больше времени, которое потребовалось автомобилю, чтобы догнать автобус, т.е. , x = B результате неравенство примет вид:

как 0, 0, то умножая обе части неравенства на  $2\nu(40-\nu)0,$  имеем:

2v+(40-v) v210(40-v),

v+250v-8400,

Учитывая условие задачи, решение неравенства имеет вид: v30.

По условию задачи встреча произошла до пункта В, т.е. 0.В результате имеем ещё одно неравенство:

0, так как 0, то 0, 0.

Учитывая, что : *v*30, окончательный результат:

30, при таких скоростях, автомобиль возвращается в А позже, чем автобус приходит в В.

Ответ: 30.

# Задача 44.

На реке, скорость течения которой 5 км/ч, в направлении её течения расположены пристани A,B и C, причём B находится посередине между A и C. От пристани B одновременно отходят плот , который движется по течению к пристани C, и катер, который идёт к пристани A, причём скорость катера в стоячей воде равна v км/ч. Дойдя до пристани A, катер разворачивается и движется по направлению к пристани A. Найдите все те значения A, при которых катер приходит в A0 позже, чем плот.

Ответ: 515 км/ч.

# Тема 8. Решение задач по всему курсу.

Задача 45. (производительность)

**В** бассейн проведена труба. Вследствие её засорения приток воды уменьшился на 60%. На сколько процентов вследствие увеличится время, необходимое для заполнения бассейна?

Ответ: 150%

# Задача 46.

Имеются 2 слитка, содержащие медь. Масса 2 слитка на 3кг. Больше, чем масса 1 слитка. Процентное содержание меди в первом слитке -10%; во втором -40%. После сплавления этих двух слитков получился слиток, процентное содержание меди в котором -30%. Определить массу полученного слитка.

Ответ: 9кг. **Задача 47.** 

Из турбазы в одном направлении выходят три туриста с интервалом в 30 мин. Первый идёт со скоростью 5 км/ч, второй – 4 км/ч. Третий турист догоняет первого. Найдите скорость третьего туриста.

Ответ: 6 км/ч.

### Задача 48.

За определённое время на автозаводе должны были собрать 160 автомобилей. Первые 2 ч выполнялась установленная почасовая норма, а затем стали забирать на 3 автомобиля больше. В результате за 1 ч до срока было собрано 155 автомобилей. Сколько автомобилей в час планировали собирать первоначально?

Ответ: 20автомобилей.

Житейские истории.

Задача 49.

### Бочонок кваса.

Один человек выпивает бочонок кваса за 14 дней, а вместе с женой выпивает такой же бочонок кваса за 10 дней. Нужно узнать, за сколько дней жена одна выпивает такой же бочонок кваса.

Решение: За 140 дней человек выпьет 10 бочонок кваса, а вдвоем с женой за 140 дней они выпьют 4 бочонка кваса. Значит, за 140 дней жена выпьет 14-10=4 бочонка кваса, а тогда один бочонок она выпьет за 140: 4=35 дней.

## Задача 50.

Голова рыбы весит столько, сколько хвост и половина туловища, туловище- столько, сколько голова и хвост вместе. Хвост весит 1 кг. Сколько весит рыба? (решить с помощью уравнения).

# Задача 51. (из книги «Математический кружок» А.В.Спивак, стр.46.).

Четверо товарищей покупают лодку. Первый вносит половину суммы, вносимой остальными; второй- треть суммы, вносимой остальными; третий- четверть суммы, вносимой остальными; четвертый- 130 рублей. Сколько стоит лодка?